

14.1 整式的乘法 (第1课时)



14.1.1同底数幂的乘法 (第一课时)

XINHUANET

► 温故知新： 1. 什么叫乘方？

求几个相同因数的积的运算叫做乘方。

■ 2^5 表示什么？

■ $10 \times 10 \times 10 \times 10 \times 10$ 可以写成什么形式？

● $2^5 = \underline{2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2}$. (乘方的意义)

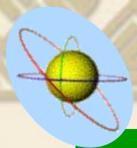
● $10 \times 10 \times 10 \times 10 \times 10 = \underline{10^5}$. (乘方的意义)

回顾 & 热身

(1)、 $(-2) \times (-2) \times (-2) = (-2)^{3}$)

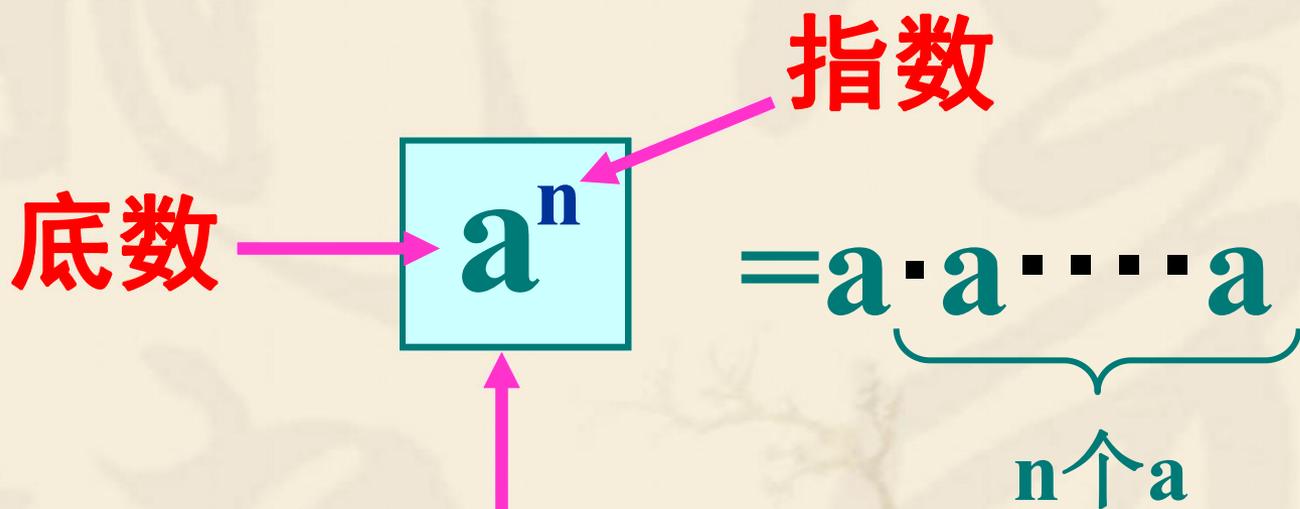
(2)、 $a \cdot a \cdot a \cdot a \cdot a = a^{5}$)

(3)、 $x^4 = x \cdot x \cdot x \cdot x$



想一想

➤ a^n 表示的意义是什么？其中 a 、 n 、 a^n 分别叫做什么？



幂

$a^n = a \times a \times a \times \dots \times a$

n 个 a



在2010年全球超级计算机排行榜中，中国首台千万亿次超级计算机系统“天河一号”雄居第一，其实测运算速度可以达到每秒2570万亿次

问题1 一种电子计算机
每秒可进行1千万亿(10^{15})
次运算, 它工作 10^3 s 可进行
多少次运算?

列式: $10^{15} \times 10^3$



怎样计算 $10^{15} \times 10^3$ 呢?

探究新知

底数相同

- ❖ 式子 $10^{15} \times 10^3$ 中的两个因数有何特点？
我们把底数相同的幂称为**同底数幂**

请同学们先根据乘方的意义，解答

$$10^{15} \times 10^3 = \underbrace{(10 \times 10 \times \dots \times 10)}_{15\text{个}} \times \underbrace{(10 \times 10 \times 10)}_{3\text{个}} = 10 \text{ (18)}$$

$$a^{15} \times a^3 = (a \times a \times \dots \times a) \times (a \times a \times a) = a \text{ (18)}$$

思考：观察上面各题左右两边，底数、指数有什么关系？（完成P95探究）

猜想： $a^m \cdot a^n = ?$ （ m 、 n 都是正整数）



► 思考：（完成P95探究）

它们的积都是什么形式？积的各个部分与乘数有什么关系？

● 请同学们观察下面各题左右两边，底数、指数有什么关系？

$$10^3 \times 10^2 = 10 (5) = 10 (3+2) ;$$

$$2^3 \times 2^2 = 2 (5) = 2 (3+2) ;$$

$$a^3 \times a^2 = a (5) = a (3+2) 。$$

猜想： $a^m \cdot a^n =$? (当 m 、 n 都是正整数)

猜想: $a^m \cdot a^n = a^{m+n}$ (当m、n都是正整数)

$$a^m \cdot a^n = \underbrace{(aa\dots a)}_{m \uparrow a} \underbrace{(aa\dots a)}_{n \uparrow a} \quad (\text{乘方的意义})$$

$$= \underbrace{aa\dots a}_{(m+n) \uparrow a} \quad (\text{乘法结合律})$$

$$= a^{m+n} \quad (\text{乘方的意义})$$

你们真棒，你的猜想是正确的！

14.1 同底数幂的乘法



同底数幂的乘法公式：

$$a^m \cdot a^n = a^{m+n} \quad (m、n \text{ 都是正整数})$$

同底数幂相乘，底数不变，指数相加。

同底数幂的乘法性质:

我们可以直接利用它进行计算.

$$a^m \cdot a^n = a^{m+n} \quad (\text{当 } m、n \text{ 都是正整数})$$

同底数幂相乘， 底数不变， 指数相加。

运算形式 (同底、乘法)

运算方法 (底不变、指加法)

$$\text{如 } 4^3 \times 4^5 = 4^{3+5} = 4^8$$

幂的底数必须相同，
相乘时指数才能相加。

想一想: 当三个或三个以上同底数幂相乘时, 都是否也

E 具有这一性质呢? 怎样用公式表示?



探索并推导同底数幂的乘法的性质

$a^m \cdot a^n = a^{m+n}$ (m, n 都是正整数) 表述了两个同底数幂相乘的结果, 那么, 三个、四个...多个同底数幂相乘, 结果会怎样?

这一性质可以推广到多个同底数幂相乘的情况:

$$a^m \cdot a^n \cdot \dots \cdot a^p = a^{m+n+\dots+p} \quad (m, n, p \text{ 都是正整数}).$$

数学学习中，我们就用同底数幂的乘法来解决简单的数学问题，如：

解： $10^{15} \times 10^3$

再如计算 $4^3 \times 4^5$

$$= (\underbrace{10 \times 10 \times \dots \times 10}_{15 \text{ 个}}) \times (\underbrace{10 \times 10 \times 10}_{3 \text{ 个}}) = 10^{18}$$

$$= (10 \times 10 \times \dots \times 10)$$

18个

$$= 10^{18}$$

$$= 4^8$$

尝试练习

► $a^m \cdot a^n = a^{m+n}$ (当 m 、 n 都是正整数)

$a^m \cdot a^n \cdot a^p = a^{m+n+p}$ (m 、 n 、 p 都是正整数)

1.计算: (1) $10^7 \times 10^4$; (2) $x^2 \cdot x^5$.

解: (1) $10^7 \times 10^4 = 10^{7+4} = 10^{11}$

(2) $x^2 \cdot x^5 = x^{2+5} = x^7$

2.计算: (1) $2^3 \times 2^4 \times 2^5$ (2) $y \cdot y^2 \cdot y^3$

解: (1) $2^3 \times 2^4 \times 2^5 = 2^{3+4+5} = 2^{12}$

(2) $y \cdot y^2 \cdot y^3 = y^{1+2+3} = y^6$



运用同底数幂的乘法的运算性质

例 计算：

$$(1) x^2 \cdot x^5;$$

$$(2) a \cdot a^6;$$

$$(3) (-2) \times (-2)^4 \times (-2)^3;$$

$$(4) x^m \cdot x^{3m+1}.$$





比一比！看谁算得快！！

例1 计算：

(1) $2^4 \times 2^3$

解：原式= $2^{4+3}=2^7$

(2) $(-2)^8 \times (-2)^7$

(3) $x^3 \cdot x^5$

(4) $(a-b)^2 \times (a-b)$

(5) $7^3 \times (-7)^7$



温馨提示:

- 同底数幂相乘时，指数是相加的；
- 底数为负数时，先用同底数幂的乘法法则计算，最后确定结果的正负；
- 不能疏忽指数为1的情况；
- 公式中的 a 可为一个有理数、单项式或多项式（整体思想）

► 练习二

下面的计算对不对？如果不对，怎样改正？

(1) $b^5 \cdot b^5 = 2b^5$ (×) (2) $b^5 + b^5 = b^{10}$ (×)

$b^5 \cdot b^5 = b^{10}$

$b^5 + b^5 = 2b^5$

(3) $x^5 \cdot x^5 = x^{25}$ (×) (4) $y^5 \cdot y^5 = 2y^{10}$ (×)

$x^5 \cdot x^5 = x^{10}$

$y^5 \cdot y^5 = y^{10}$

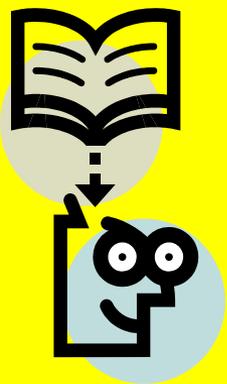
(5) $c \cdot c^3 = c^3$ (×) (6) $m + m^3 = m^4$ (×)

$c \cdot c^3 = c^4$

$m + m^3 = m + m^3$

了不起！

辨一辨！



下面的计算对不对？如果不对，应怎样改正？

$$(1) a^3 \cdot a^3 = a^{3+3} = a^6$$

$$(2) a^2 \cdot a^3 = a^5$$

$$(3) b \cdot b^6 = b^{1+6} = b^7$$

$$(4) (-7)^8 \cdot (-7)^3 = -7^{11}$$

$$(5) a + a^4 = a + a^4$$

$$(6) x^3 \cdot x^3 \cdot x = x^7$$



运用同底数幂的乘法的运算性质

练习1 判断下列计算是否正确，并简要说明理由：

$$(1) n^3 \cdot n^7 = n^{10};$$

$$(2) a^2 + a^5 = a^8;$$

$$(3) y^5 \cdot y^4 = y^{20};$$

$$(4) x \cdot x^2 = x^2;$$

$$(5) b^4 \cdot b^4 = 2b^4.$$



运用同底数幂的乘法的运算性质

练习2 计算:

$$(1) \left(-\frac{1}{2}\right) \times \left(-\frac{1}{2}\right)^2 \times \left(-\frac{1}{2}\right)^3;$$

$$(2) a^2 \cdot a^6.$$



思考题

1. 计算:

$$(1) \quad x^n \cdot x^{n+1};$$

解: $x^n \cdot x^{n+1} = x^{n+(n+1)} = x^{2n+1}$

$$(2) \quad \underbrace{(x+y)^3}_{a^m} \cdot \underbrace{(x+y)^4}_{a^n}.$$

$$a^m \cdot a^n = a^{m+n}$$

公式中的 a 可代表一个数、字母、式子等.

解: $(x+y)^3 \cdot (x+y)^4 = (x+y)^{3+4} = (x+y)^7$



运用同底数幂的乘法的运算性质

练习3 计算：

$$(1) -2 \times (-2)^3 \times (-2)^4;$$

$$(2) (a + b)^4 \cdot (a + b)^7;$$

$$(3) (n - m)^5 \cdot (n - m)^4;$$

$$(4) (m - n)^3 \cdot (m - n)^5 \cdot (m - n)^7.$$



2. 填空:

$$(1) \quad 8 = 2^x, \text{ 则 } x = \underline{3};$$

$$\downarrow$$
$$2^3$$

$$(2) \quad 8 \times 4 = 2^x, \text{ 则 } x = \underline{5};$$

$$\downarrow \quad \downarrow$$
$$2^3 \times 2^2 = 2^5$$

$$(3) \quad 3 \times 27 \times 9 = 3^x, \text{ 则 } x = \underline{6}.$$

$$\downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow$$
$$3 \times 3^3 \times 3^2 = 3^6$$

如果底数不同，能够化为相同底数的，可以用该法则，否则不能用。





检阅能力

1、如果 $a^{n-2}a^{n+1}=a^{11}$,则 $n=$ 6.

2、已知： $a^m=2$ ， $a^n=3$.求 $a^{m+n}=?$.

解： **$a^{m+n} = a^m \cdot a^n$** （逆运算）

$$=2 \times 3=6$$



课堂小结

- (1) 本节课学习了哪些主要内容？
- (2) 同底数幂的乘法的运算性质是怎么探究并推导出来的？在运用时要注意什么？



■ 小结

我学到了
什么？

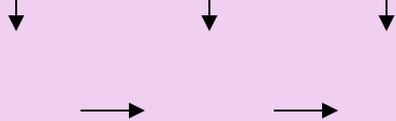
知识

同底数幂相乘，
底数不变，指数相加。

$$a^m \cdot a^n = a^{m+n} \quad (m, n \text{ 正整数})$$

方法

“特殊 → 一般 → 特
殊”



例子 公式 应用



课堂聚焦

1

幂的意义:

$$a^n = \underbrace{a \cdot a \cdot \dots \cdot a}_{n \text{ 个 } a}$$

2

同底数幂的乘法性质:

$$a^m \cdot a^n = a^{m+n} \text{ (} m, n \text{ 都是正整数)}$$

$$a^m \cdot a^n \cdot a^p = a^{m+n+p} \text{ (} m, n, p \text{ 都是正整数)}$$

3

方法

“特殊→一般→特殊”

↓ ↓ ↓
例子 → 公式 → 应用



布置作业

教科书96页练习 (2) (4) ;
习题14.1第1 (1) (2) 题 .



14.1 同底数幂的乘法与除法

$$a^m \cdot a^n = a^{m+n}$$



想一想： **E**当三个或三个以上同底数幂相乘时，是否也具有这一性质呢？怎样用公式表示？

$$a^m \cdot a^n \cdot a^p = a^{m+n+p} \quad (m、n、p \text{ 都是正整数})$$

$$a^m \cdot a^n \cdot a^p = a^{m+n} \cdot a^p = a^{m+n+p}$$

$$x^3 \cdot x^3 \cdot x = x^{3+3+1} = x^7$$

要看仔细哟!



例2 计算: (1) $a^8 \times a^8$

(2) $a^8 + a^8$

- ★ 运用同底数幂的乘法法则要注意:
1. 必须具备同底、相乘两个条件;
 2. 注意 $a^m \cdot a^n$ 与 $a^m + a^n$ 的区别;

学以致用：

例3 在2010年全球超级计算机排行榜中，中国首台千万亿次超级计算机系统“天河一号”雄居第一，其实测运算速度可以达到每秒2570万亿次，如果按这个工作一整天，那么它能运算多少次（结果保留3个有效数字）？

解：**2750亿次 = $2.75 \times 10^3 \times 10^8$ 次，24时 = $24 \times 3.6 \times 10^3$**

由乘法的交换律和结合律，得

$$\begin{aligned} & (2.75 \times 10^3 \times 10^8) \times (24 \times 3.6 \times 10^3) \\ &= (2.75 \times 24 \times 3.6) \times (10^3 \times 10^8 \times 10^3) \\ &= 237.6 \times 10^{14} \\ &\approx 2.38 \times 10^{16} \text{ (次)} \end{aligned}$$

答：它一天约能运算 2.38×10^{16} 次。





**通过对本节课的
学习，你有哪些收获
呢？**