

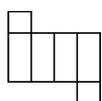
期末达标测试卷

一、选择题(1~10 题每题 3 分, 11~16 题每题 2 分, 共 42 分)

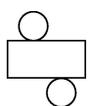
1. 下列事件中必然发生的是()

- A. 一个图形平移后所得的图形与原来的图形不全等
- B. 100 件产品中有 4 件次品, 从中任意抽取 5 件, 至少有 1 件是正品
- C. 不等式的两边同时乘一个数, 结果仍是不等式
- D. 随意翻一本书的某页, 这页的页码一定是偶数

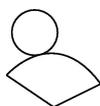
2. 在下列各平面图形中, 是圆锥的表面展开图的是()



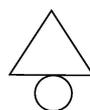
A



B



C



D

3. 点 P 到直线 l 的距离为 3, 以点 P 为圆心、以下列长度为半径画圆, 能使直线 l 与 $\odot P$ 相交的是()

- A. 1
- B. 2
- C. 3
- D. 4

4. 某人在做掷硬币试验时, 投掷 m 次, 正面朝上有 n 次 (即正面朝上的频率是 $f = \frac{n}{m}$). 则下列说法中正确的是()

- A. f 一定等于 $\frac{1}{2}$
- B. f 一定不等于 $\frac{1}{2}$
- C. 多投一次, f 更接近 $\frac{1}{2}$
- D. 随投掷次数逐渐增加, f 稳定在 $\frac{1}{2}$ 附近

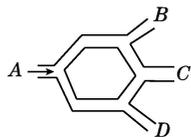
5. 如图, A 是某公园的入口, B, C, D 是三个不同的出口, 小明从 A 处进入公园, 恰好从 C 出口出来的概率为()

A. $\frac{1}{4}$

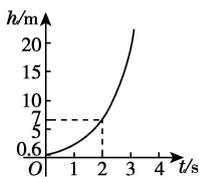
B. $\frac{1}{3}$

C. $\frac{1}{2}$

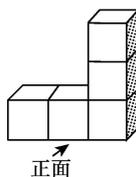
D. $\frac{2}{3}$



(第 5 题)

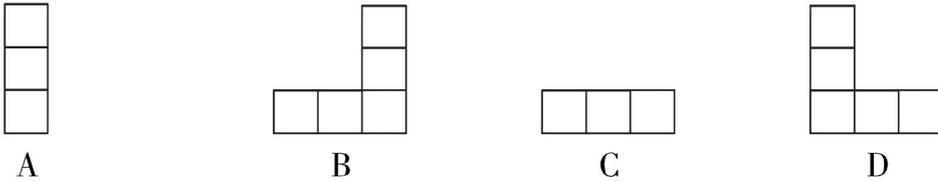


(第 6 题)

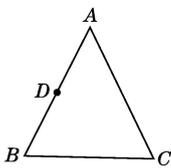


(第 7 题)

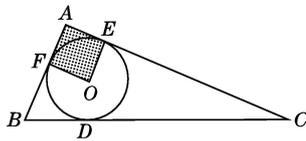
6. 某地的秋千出名后吸引了大量游客前来, 该秋千高度 $h(\text{m})$ 与推出秋千的时间 $t(\text{s})$ 之间的关系可以近似地用二次函数刻画, 其图像如图所示, 已知秋千在静止时的高度为 0.6 m , 则当推出秋千 3 s 时, 秋千的高度为()
- A. 10 m B. 15 m
C. 16 m D. 18 m
7. 如图所示的几何体是由 5 个相同的小正方体搭成的, 它的左视图是()



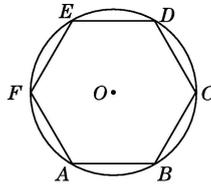
8. 已知二次函数 $y=x^2+1$ 的图像经过 A, B 两点, 且 A, B 两点的坐标分别为 $(a, 10), (b, 10)$, 则 AB 的长度为()
- A. 3 B. 5 C. 6 D. 7
9. 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, $AB=AC, BC=4, \tan B=2$, 以 AB 的中点 D 为圆心, r 为半径作 $\odot D$, 如果点 B 在 $\odot D$ 内, 点 C 在 $\odot D$ 外, 那么 r 可以取()
- A. 2 B. 3 C. 4 D. 5



(第 9 题)



(第 10 题)



(第 11 题)

10. 如图, $\triangle ABC$ 的内切圆 $\odot O$ 与 BC, CA, AB 分别相切于点 D, E, F , 且 $AB=5, BC=13, CA=12$, 则四边形 $AEOF$ 的面积是()
- A. 4 B. 6.25 C. 7.5 D. 9
11. 如图, 正六边形 $ABCDEF$ 内接于 $\odot O$, $\odot O$ 的半径为 1, 则 \widehat{AB} 的长为()
- A. $\frac{\pi}{3}$ B. $\frac{\pi}{6}$ C. $\frac{2}{3}\pi$ D. $\frac{\pi}{5}$

12. 将一枚六个面编号分别为 1, 2, 3, 4, 5, 6 的质地均匀的正方体骰子先后投掷两次, 记第一次掷出的点数为 a , 第二次掷出的点数为 b , 则使关于 x, y 的方程组 $\begin{cases} ax+by=2, \\ 2x+y=3 \end{cases}$ 只有正数解的概率为()

- A. $\frac{1}{12}$ B. $\frac{1}{6}$ C. $\frac{5}{18}$ D. $\frac{13}{36}$

13. 若点 $A(m-1, y_1)$, $B(m, y_2)$ 都在二次函数 $y=ax^2+4ax+3(a>0)$ 的图像上, 且 $y_1<y_2$, 则 m 的取值范围是()

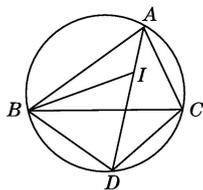
- A. $m<-\frac{3}{2}$ B. $m<-\frac{5}{2}$ C. $m>-\frac{3}{2}$ D. $m>-\frac{5}{2}$

14. 对于题目“当 $-2\leq x\leq 1$ 时, 二次函数 $y=-(x-m)^2+m^2+1$ 有最大值 4, 求实数 m 的值.”甲的结果是 2 或 $\sqrt{3}$, 乙的结果是 $-\sqrt{3}$ 或 $-\frac{7}{4}$, 则()

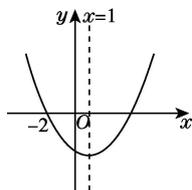
- A. 甲的结果正确 B. 甲、乙的结果合在一起才正确
C. 乙的结果正确 D. 甲、乙的结果合在一起也不正确

15. 如图, I 是 $\triangle ABC$ 的内心, AI 的延长线与 $\triangle ABC$ 的外接圆相交于点 D , 连接 BI, BD, DC , 则下列说法中错误的是()

- A. 线段 DB 绕点 D 按顺时针方向旋转一定能与线段 DC 重合
B. 线段 DB 绕点 D 按顺时针方向旋转一定能与线段 DI 重合
C. $\angle ABI$ 绕点 B 按顺时针方向旋转一定能与 $\angle IBC$ 重合
D. 线段 CD 绕点 C 按顺时针方向旋转一定能与线段 CA 重合



(第 15 题)



(第 16 题)

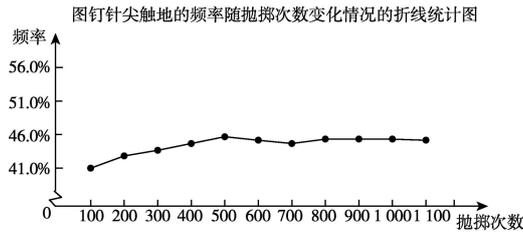
16. 如图所示的抛物线是二次函数 $y=ax^2+bx+c(a\neq 0)$ 的图像, 则下列结论: ① $b+2a=0$; ② 抛物线与 x 轴的另一个交点为点 $(4, 0)$; ③ $a+c>b$; ④ 若 $(-1, y_1)$, $(\frac{7}{2}, y_2)$ 是抛物线上的两点, 则 $y_1<y_2$. 其中正确的有()

- A. 4 个 B. 3 个 C. 2 个 D. 1 个

- A. 4 个 B. 3 个 C. 2 个 D. 1 个

二、填空题(17 题 3 分, 其余每空 2 分, 共 11 分)

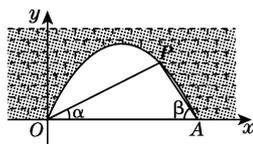
17. 某班的同学进行抛掷一枚图钉的试验, 且将收集到的数据绘制成如下折线统计图.



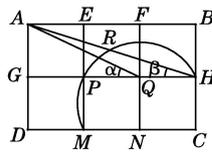
(第 17 题)

试验继续进行下去, 根据上面的折线统计图, 估计出现“图钉针尖触地”的概率是_____.

18. 如图, 这是抛物线形拱桥, P 处有一照明灯, 水面 OA 宽 4 m, 从 O, A 两处测 P 处, 仰角分别为 α, β , 且 $\tan\alpha = \frac{1}{2}, \tan\beta = \frac{3}{2}$, 以 O 为原点, OA 所在直线为 x 轴建立直角坐标系, 则 P 点的坐标为_____; 若水面上升 1 m, 水面宽为_____ m.



(第 18 题)



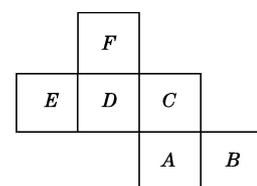
(第 19 题)

19. 如图, 这是由 6 个小正方形组成的网格图(每个小正方形的边长均为 1), 则 $\angle\alpha + \angle\beta$ 的度数为_____; 设经过图中 M, P, H 三点的圆弧与 AH 交于 R , 则 \widehat{MR} 的长为_____.

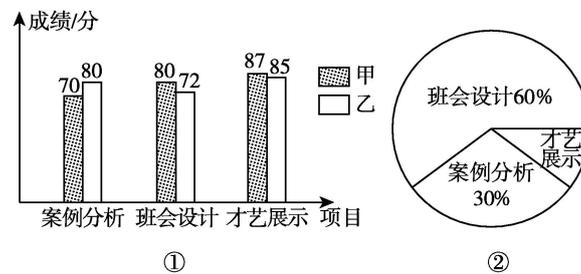
三、解答题(20 题 8 分, 21~23 题每题 9 分, 24~25 题每题 10 分, 26 题 12 分, 共 67 分)

20. 如图, 这是一个正方体的展开图, 标注了字母 A, C 的面分别是正方体的正面和底面, 其他面分别用字母 B, D, E, F 表示. 已知 $A=kx+1, B=3x-2, C=1, D=x-1, E=2x-1, F=x$.

- (1)如果正方体的左面与右面所标注字母代表的代数式的值相等, 请求出 x 的值;
 (2)如果正面字母 A 代表的代数式与其对面字母代表的代数式的值相等, 且 x 为整数, 求整数 k 的值.



21. 某学校从甲、乙两名班主任中选拔一人参加教育局组织的班主任技能比赛，选拔内容为案例分析、班会设计、才艺展示三个项目，选拔比赛结束后，统计这两名班主任的成绩并制成了如图所示的条形统计图.



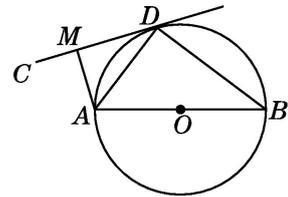
(第 21 题)

- (1)求乙班主任三个项目的成绩的中位数.
- (2)用 6 张相同的卡片分别写上甲、乙两名班主任的六项成绩，洗匀后，从中任意抽取一张，求抽到的卡片上写有“80”的概率.
- (3)若按照图②所示的权重进行计算，选拔分数高的一名班主任参加比赛，则哪名班主任获得参赛资格？请说明理由.

22. 如图，已知 AB 是 $\odot O$ 的直径. 如果圆上的点 D 恰好使 $\angle ADC = \angle B$.

(1) 求证: CD 是 $\odot O$ 的切线;

(2) 过点 A 作 $AM \perp CD$ 于点 M . 若 $AB=5$, $\sin B = \frac{3}{5}$, 求 AM 的长.

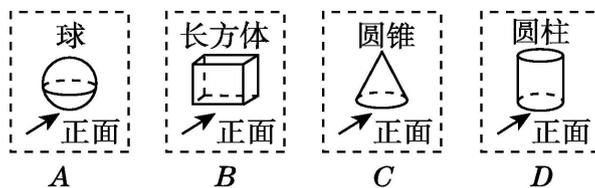


(第 22 题)

23. 如图, 有 4 张除了正面图案不同, 其余都相同的图片.

(1) 这 4 张图片所示的立体图形中, 主视图是矩形的有 _____; (填字母序号)

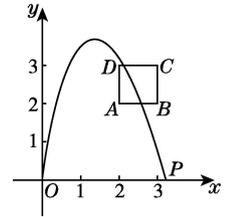
(2) 将这 4 张图片背面朝上洗匀, 从中随机抽出 1 张后放回, 混匀后再随机抽出 1 张. 求两次抽出的图片所示的立体图形中, 主视图都是矩形的概率.



(第 23 题)

24. 如图, 儿童游乐场有一项射击游戏. 从 O 处发射小球, 将球投入正方形篮筐 $DABC$ 中. 正方形篮筐的三个顶点为 $A(2, 2)$, $B(3, 2)$, $D(2, 3)$. 小球按照抛物线 $y = -x^2 + bx + c$ 飞行, 落地点 P 的坐标为 $(n, 0)$.

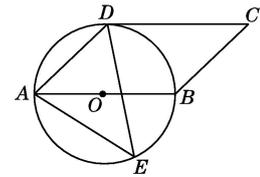
- (1)点 C 的坐标为_____;
- (2)求小球飞行中最高点 N 的坐标; (用含有 n 的代数式表示)
- (3)验证: 随着 n 的变化, 抛物线的顶点在函数 $y=x^2$ 的图像上运动;
- (4)若小球发射之后能够直接入篮, 且球没有接触篮筐, 请直接写出 n 的取值范围.



(第 24 题)

25. 如图, 四边形 $ABCD$ 是平行四边形, 以 AB 为直径的 $\odot O$ 经过点 D , $\angle DAB = 45^\circ$.

- (1)判断 CD 与 $\odot O$ 的位置关系, 并说明理由;
- (2) E 是 $\odot O$ 上一点, 且点 E 在 AB 的下方, $\odot O$ 的半径为 3, $AE=5$, 求点 E 到 AB 的距离.

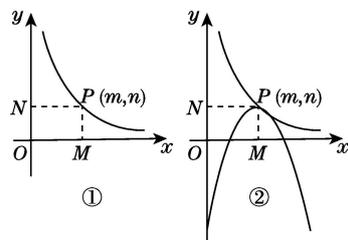


(第 25 题)

26. 已知二次函数 $y=ax(x-3)+c(a<0, 0\leq x\leq 3)$, 反比例函数 $y=\frac{k}{x}(x>0, k>0)$

的图像如图①所示，且图像经过点 $P(m, n)$ ， $PM \perp x$ 轴，垂足为 M ， $PN \perp y$ 轴，垂足为 N ， $OM \cdot ON = 12$ 。

- (1) 求 k 的值；
- (2) 确定二次函数 $y = ax(x-3) + c$ ($a < 0$, $0 \leq x \leq 3$) 的图像的对称轴，并计算当 $a = -1$ 时二次函数的最大值；(用含有字母 c 的式子表示)
- (3) 当 $c = 0$ 时，计算二次函数的图像与 x 轴的两个交点之间的距离；
- (4) 如图②，当 $a = -1$ 时，抛物线 $y = ax(x-3) + c$ ($a < 0$, $0 \leq x \leq 3$) 有一时刻恰好经过 P 点，且此时抛物线与双曲线 $y = \frac{k}{x}$ ($x > 0$, $k > 0$) 有且只有一个公共点 P ，我们不妨把此时刻的 c 记为 c_1 ，请直接写出抛物线 $y = ax(x-3) + c$ ($a < 0$, $0 \leq x \leq 3$) 与双曲线 $y = \frac{k}{x}$ ($x > 0$, $k > 0$) 只有一个公共点时 c 的取值范围。



(第 26 题)

答案

一、1.B 2.C 3.D 4.D 5.B 6.B

7. A 8.C

9. B 点拨: 如图, 过点 A 作 $AF \perp BC$ 于点 F , 连接 CD 交 AF 于点 G ,

$$\because AB=AC, BC=4,$$

$$\therefore BF=CF=2.$$

$$\because \tan B=2,$$

$$\therefore \frac{AF}{BF} = \frac{AF}{2} = 2, \text{ 即 } AF=4,$$

$$\therefore AB = \sqrt{2^2 + 4^2} = 2\sqrt{5}.$$

又 $\because D$ 为 AB 的中点,

$$\therefore BD = \sqrt{5}, G \text{ 是 } \triangle ABC \text{ 的重心},$$

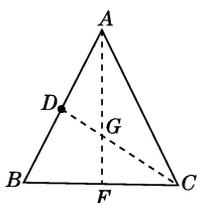
$$\text{易知 } GF = \frac{1}{3}AF = \frac{4}{3}, CD = \frac{3}{2}CG,$$

$$\therefore CG = \sqrt{\left(\frac{4}{3}\right)^2 + 2^2} = \frac{2\sqrt{13}}{3},$$

$$\therefore CD = \frac{3}{2}CG = \sqrt{13}.$$

\therefore 点 B 在 $\odot D$ 内, 点 C 在 $\odot D$ 外,

$$\therefore \sqrt{5} < r < \sqrt{13}. \text{ 故选 B.}$$



(第9题)

10. A 点拨: $\because AB=5, BC=13, CA=12, \therefore AB^2 + CA^2 = BC^2,$

$\therefore \triangle ABC$ 为直角三角形, $\angle A=90^\circ.$

$\therefore AB, AC$ 与 $\odot O$ 分别相切于点 $F, E,$

$\therefore OF \perp AB, OE \perp AC, OE=OF.$

易得四边形 $AEOF$ 为正方形.

设 $OE=r,$ 则 $AE=AF=r,$

$\because \triangle ABC$ 的内切圆 $\odot O$ 与 BC, CA, AB 分别相切于点 D, E, F ,

$$\therefore BD=BF=5-r, CD=CE=12-r,$$

$$\therefore 5-r+12-r=13,$$

$$\therefore r=2,$$

\therefore 四边形 $AEOF$ 的面积是 $2 \times 2 = 4$. 故选 A.

11. A

12. B 点拨: 方程组消去 y , 可得 $(a-2b)x=2-3b$.

① 当 $a-2b=0$ 时, 方程组无解.

$$\textcircled{2} \text{ 当 } a-2b \neq 0 \text{ 时, 可得 } x = \frac{3b-2}{2b-a},$$

$$y = \frac{4-3a}{2b-a},$$

要使 x, y 都大于 0, 则有 $x = \frac{3b-2}{2b-a} > 0, y = \frac{4-3a}{2b-a} > 0,$

$$\text{解得 } a < \frac{4}{3}, b > \frac{2}{3} \text{ 或者 } a > \frac{4}{3}, b < \frac{2}{3}.$$

$\because a, b$ 都为 1 到 6 的整数,

\therefore 当 a 为 1 时, b 为 1, 2, 3, 4, 5, 6, 当 a 为 2, 3, 4, 5, 6 时, b 无解, 共 6 种结果.

易得掷两次骰子出现的等可能的结果共 36 种, 故所求概率为 $\frac{6}{36} = \frac{1}{6}$. 故选 B.

13. C 点拨: 二次函数的图像的对称轴为直线 $x = -\frac{4a}{2a} = -2,$

$$\therefore m-1 < m, y_1 < y_2,$$

\therefore 可分以下两种情况讨论:

当点 $A(m-1, y_1)$ 和 $B(m, y_2)$ 在直线 $x = -2$ 的右侧时, $m-1 \geq -2$, 解得 $m \geq -1$;

当点 $A(m-1, y_1)$ 和 $B(m, y_2)$ 在直线 $x = -2$ 的两侧时, $-2 - (m-1) < m - (-2)$, 解得 $m > -\frac{3}{2}$.

综上所述, m 的范围为 $m > -\frac{3}{2}$.

故选 C.

14. D 15.D

16. B 点拨: \because 对称轴为直线 $x=1$,

$$\therefore -\frac{b}{2a}=1, \text{ 即 } b+2a=0, \text{ 故①正确;}$$

由题图知, 抛物线与 x 轴的一个交点为点 $(-2, 0)$, 对称轴为直线 $x=1$,

\therefore 抛物线与 x 轴的另一个交点为点 $(4, 0)$, 故②正确;

\because 当 $x=-1$ 时, $y<0$, $\therefore a-b+c<0$, 即 $a+c<b$, 故③错误;

\because 抛物线开口向上, 对称轴为直线 $x=1$,

\therefore 当 $x>1$ 时, y 随 x 的增大而增大,

$x=-1$ 时的 y 值与 $x=3$ 时的 y 值相等,

$\therefore y_1<y_2$, 故④正确. 故选 B.

二、17.0.46

18. $\left[3, \frac{3}{2}\right]$; $2\sqrt{2}$ 点拨: (1) 过点 P 作 $PH \perp OA$ 于 H . 设 $PH=3x$ m,

在 $\text{Rt}\triangle OHP$ 中,

$$\therefore \tan \alpha = \frac{PH}{OH} = \frac{1}{2},$$

$$\therefore OH = 6x \text{ m.}$$

在 $\text{Rt}\triangle AHP$ 中,

$$\therefore \tan \beta = \frac{PH}{AH} = \frac{3}{2},$$

$$\therefore AH = 2x \text{ m,}$$

$$\therefore OA = OH + AH = 8x \text{ m, } \therefore 8x = 4,$$

$$\therefore x = \frac{1}{2},$$

$$\therefore OH = 3 \text{ m, } PH = \frac{3}{2} \text{ m,}$$

\therefore 点 P 的坐标为 $\left[3, \frac{3}{2}\right]$.

(2) 设水面上升 1 m 后到达 BC 位置, 设过点 $O(0, 0)$, $A(4, 0)$ 的抛物线的表

达式为 $y = ax(x-4)$,

把 $P\left[3, \frac{3}{2}\right]$ 的坐标代入,

$$\text{得 } 3a(3-4) = \frac{3}{2}, \text{ 解得 } a = -\frac{1}{2},$$

∴ 抛物线的表达式为 $y = -\frac{1}{2}x(x-4)$.

当 $y=1$ 时, $-\frac{1}{2}x(x-4)=1$,

解得 $x_1=2+\sqrt{2}$, $x_2=2-\sqrt{2}$,

∴ $BC=(2+\sqrt{2})-(2-\sqrt{2})=2\sqrt{2}(\text{m})$.

19. 45° ; $\frac{\sqrt{5}\pi}{4}$ 点拨: (1) 连接 AM , MH , 则 $\angle MHP = \angle \alpha$.

∴ $AD=MC$, $\angle D = \angle C$, $MD=HC$,

∴ $\triangle ADM \cong \triangle MCH$.

∴ $AM=MH$, $\angle DAM = \angle HMC$.

∴ $\angle AMD + \angle DAM = 90^\circ$,

∴ $\angle AMD + \angle HMC = 90^\circ$,

∴ $\angle AMH = 90^\circ$,

∴ $\angle MHA = 45^\circ$, 即 $\angle \alpha + \angle \beta = 45^\circ$.

(2) 由勾股定理可知 $MH = \sqrt{HC^2 + MC^2} = \sqrt{5}$.

易知 MH 为经过 M , P , H 的圆弧对应的直径,

又 ∵ $\angle MHR = 45^\circ$,

∴ $\widehat{MR} = \frac{45^\circ \times 2 \times \pi \cdot \frac{\sqrt{5}}{2}}{180^\circ} = \frac{\sqrt{5}\pi}{4}$.

三、20. 解: (1) 由已知可得正方体的左面标注的字母是 D , 右面标注的字母是 B ,

则 $x-1=3x-2$,

解得 $x = \frac{1}{2}$.

(2) 由已知可得正面的对面标注的字母为 F ,

∴ 正面字母 A 代表的代数式与其对面字母代表的代数式的值相等,

∴ $kx+1=x$, 即 $(k-1)x=-1$,

又 ∵ x 为整数,

∴ x , $k-1$ 为 -1 的因数,

∴ $k-1 = \pm 1$,

∴ $k=0$ 或 $k=2$,

综上所述，整数 k 的值为 0 或 2.

21. 解：(1)乙班主任的成绩排序为 72 分，80 分，85 分，则中位数为 80 分.

(2) \because 6 张卡片中写有“80”的共 2 张，

$$\therefore P(\text{抽到的卡片写有“80”}) = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}.$$

(3)甲班主任获得参赛资格，理由： $1 - 30\% - 60\% = 10\%$.

甲班主任的成绩： $70 \times 30\% + 80 \times 60\% + 87 \times 10\% = 77.7(\text{分})$ ；

乙班主任的成绩： $80 \times 30\% + 72 \times 60\% + 85 \times 10\% = 75.7(\text{分})$.

$\because 77.7 > 75.7$,

\therefore 甲班主任获得参赛资格.

22. (1)证明：连接 OD ,

$\because AB$ 是 $\odot O$ 的直径，

$\therefore \angle ADB = 90^\circ$,

$\therefore \angle DAB + \angle B = 90^\circ$.

$\because OA = OD$,

$\therefore \angle OAD = \angle ODA$.

又 $\because \angle B = \angle ADC$,

$\therefore \angle ADC + \angle ODA = 90^\circ$,

$\therefore \angle ODC = 90^\circ$,

$\therefore CD$ 是 $\odot O$ 的切线.

(2)解：在 $\text{Rt}\triangle ABD$ 中，

$$\because AB = 5, \sin B = \frac{AD}{AB} = \frac{3}{5},$$

$\therefore AD = 3$.

$\because AM \perp CD$,

$\therefore \angle AMD = \angle ADB$,

又 $\because \angle B = \angle CDA$,

$\therefore \triangle ABD \sim \triangle ADM$,

$$\therefore \frac{AM}{AD} = \frac{AD}{AB}, \text{ 即 } \frac{AM}{3} = \frac{3}{5},$$

$$\therefore AM = \frac{9}{5}.$$

23. 解: (1) B, D

(2) 列表可得:

第二张 第一张	A	B	C	D
A	(A, A)	(A, B)	(A, C)	(A, D)
B	(B, A)	(B, B)	(B, C)	(B, D)
C	(C, A)	(C, B)	(C, C)	(C, D)
D	(D, A)	(D, B)	(D, C)	(D, D)

由表可知, 共有 16 种等可能的结果, 其中两次抽出的图片所示的立体图形的主视图都是矩形的有 4 种, 分别是 $(B, B), (B, D), (D, B), (D, D)$, 所以两次抽出的图片所示的立体图形的主视图都是矩形的概率为 $\frac{4}{16} = \frac{1}{4}$.

24. 解: (1) $(3, 3)$

(2) 把 $(0, 0), (n, 0)$ 代入 $y = -x^2 + bx + c$, 得 $\begin{cases} c = 0, \\ -n^2 + bn + c = 0, \end{cases}$

解得 $\begin{cases} b = n, \\ c = 0, \end{cases}$

\therefore 抛物线的表达式为 $y = -x^2 + nx = -\left(x - \frac{n}{2}\right)^2 + \frac{n^2}{4}$,

\therefore 顶点即最高点 N 的坐标为 $\left(\frac{n}{2}, \frac{n^2}{4}\right)$.

(3) 由(2)知顶点的横坐标为 $\frac{n}{2}$,

把 $x = \frac{n}{2}$ 代入 $y = x^2$, 得 $y = \left(\frac{n}{2}\right)^2 = \frac{n^2}{4}$, 与顶点的纵坐标相等,

\therefore 抛物线的顶点在函数 $y = x^2$ 的图像上运动.

(4) $\frac{7}{2} < n < \frac{11}{3}$.

点拨: (4) 根据题意, 得当 $x = 2$ 时,

$y > 3$, 当 $x = 3$ 时, $y < 2$,

即 $\begin{cases} -4 + 2n > 3, \\ -9 + 3n < 2, \end{cases}$

解得 $\frac{7}{2} < n < \frac{11}{3}$.

25. 解: (1) CD 与 $\odot O$ 相切.

理由: 连接 OD ,

$$\because OA = OD,$$

$$\therefore \angle ADO = \angle DAB = 45^\circ,$$

$$\therefore \angle AOD = 90^\circ.$$

\because 四边形 $ABCD$ 是平行四边形,

$$\therefore AB \parallel DC,$$

$$\therefore \angle CDO = \angle AOD = 90^\circ,$$

$$\therefore OD \perp CD,$$

$\therefore CD$ 与 $\odot O$ 相切.

(2) 过点 E 作 $EF \perp AB$ 于 F , 连接 BE ,

$\because AB$ 是 $\odot O$ 的直径,

$$\therefore \angle AEB = 90^\circ, AB = 6.$$

$$\therefore BE = \sqrt{AB^2 - AE^2} = \sqrt{6^2 - 5^2} = \sqrt{11}.$$

$$\because \sin \angle BAE = \frac{EF}{AE} = \frac{BE}{AB},$$

$$\text{即 } \frac{EF}{5} = \frac{\sqrt{11}}{6},$$

$$\therefore EF = \frac{5}{6}\sqrt{11}.$$

26. 解: (1) $\because OM \cdot ON = 12$,

$$\therefore k = mn = OM \cdot ON = 12.$$

(2) $y = ax(x-3) + c$ 的图像的对称轴为直线 $x = \frac{3}{2}$,

$$\text{当 } a = -1 \text{ 时, } y = ax(x-3) + c = -x(x-3) + c = -x^2 + 3x + c = -\left(x - \frac{3}{2}\right)^2 + \frac{9}{4} +$$

c ,

此时二次函数的最大值为 $\frac{9}{4} + c$.

(3) 当 $c = 0$ 时, $y = ax(x-3)$ ($a < 0, 0 \leq x \leq 3$),

令 $y = 0$, 则 $ax(x-3) = 0$,

$\because a < 0,$

$\therefore x(x-3)=0,$

即 $x=0$ 或 $x=3,$

\therefore 二次函数 $y=ax(x-3)$ 的图像与 x 轴的两个交点的坐标为 $(0, 0)$ 和 $(3, 0)$,
则两个交点之间的距离为 3.

(4) $c=c_1$ 或 $c>4.$

点拨: (4) ① 当 $c < c_1$ 时,

抛物线 $y=-x(x-3)+c$ 与双曲线 $y=\frac{k}{x}$ 没有公共点;

② 当 $c=c_1$ 时,

抛物线 $y=-x(x-3)+c$ 与双曲线 $y=\frac{k}{x}$ 有唯一的公共点 P ;

③ 当 $c > c_1$ 时,

若抛物线右端点正好落在双曲线上, 不妨设此时的交点 B 的坐标为 $(3, c_2)$,

代入 $y=\frac{12}{x}$,

解得 $c_2=4,$

\therefore 当 $c_1 < c \leq 4$ 时, 抛物线与双曲线有两个公共点;

当 $c > 4$ 时, 抛物线 $y=-x(x-3)+c$ 和双曲线只有一个公共点.

综上, 当 $c=c_1$ 或 $c > 4$ 时, 抛物线 $y=-x(x-3)+c(0 \leq x \leq 3)$ 和双曲线只有一个公共点.